

## Exercícios de Matemática Geometria Analítica Pontos e Plano Cartesiano

1. (Fuvest) Sejam  $A=(1, 2)$  e  $B=(3, 2)$  dois pontos do plano cartesiano. Nesse plano, o segmento  $AC$  é obtido do segmento  $AB$  por uma rotação de  $60^\circ$ , no sentido anti-horário, em torno do ponto  $A$ .

As coordenadas do ponto  $C$  são:

- $(2, 2+\sqrt{3})$ .
- $(1+\sqrt{3}, 5/2)$ .
- $(2, 1+\sqrt{3})$ .
- $(2, 2-\sqrt{3})$ .
- $(1+\sqrt{3}, 2+\sqrt{3})$ .

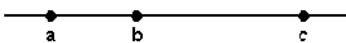
2. (Ita) Três pontos de coordenadas, respectivamente,  $(0,0)$ ,  $(b,2b)$  e  $(5b,0)$ , com  $b>0$ , são vértices de um retângulo. As coordenadas do quarto vértice são dadas por:

- $(-b, -b)$
- $(2b, -b)$
- $(4b, -2b)$
- $(3b, -2b)$
- $(2b, -2b)$

3. (Unesp) Dado um sistema de coordenadas cartesianas no plano, considere os pontos  $A(2, 2)$ ,  $B(4, -1)$  e  $C(m, 0)$ . Para que  $AC+CB$  seja mínimo, o valor de  $m$  deve ser:

- $7/3$ .
- $8/3$ .
- $10/3$ .
- $3,5$ .
- $11/3$ .

4. (Unicamp) Dados três pontos  $a$ ,  $b$  e  $c$  em uma reta, como indica a figura seguinte determine o ponto  $x$  da reta, tal que a soma das distâncias de  $x$  até  $a$ , de  $x$  até  $b$  e de  $x$  até  $c$  seja a menor possível. Explique seu raciocínio.



5. (Cesgranrio) A área do triângulo, cujo vértices são  $(1,2)$ ,  $(3,4)$  e  $(4,-1)$ , é igual a:

- 6.
- 8.
- 9.
- 10.
- 12.

6. (Fuvest) Considere, no plano cartesiano, os pontos  $P=(0,-5)$  e  $Q=(0,5)$ . Seja  $X=(x,y)$  um ponto qualquer com  $x>0$ .

- Quais são os coeficientes angulares das retas  $PX$  e  $QX$ ?
- Calcule, em função de  $x$  e  $y$ , a tangente do ângulo  $PXQ$ .
- Descreva o lugar geométrico dos pontos  $X=(x,y)$  tais que  $x>0$  e  $PXQ=(\pi/4)$  radianos.

7. (Cesgranrio) O ponto  $Q$  é o simétrico do ponto  $P(x,y)$  em relação ao eixo dos  $y$ . O ponto  $R$  é o simétrico do ponto  $Q$  em relação à reta  $y=1$ . As coordenadas de  $R$  são:

- $(x, 1-y)$
- $(0, 1)$
- $(-x, 1-y)$
- $(-x, 2-y)$
- $(y, -x)$

8. (Fei) O ponto  $A'$ , simétrico do ponto  $A=(1,1)$  em relação à reta  $r: 2x + 2y - 1 = 0$  é:

- $(1,1)$
- $(1/2, -3/2)$
- $(-1/2, -1/2)$
- $(-1/2, -3/2)$
- $(1/2, 3/2)$

9. (Ufmg) A reta de equação  $y = 3x + a$  tem um único ponto em comum com a parábola de equação  $y=x^2+x+2$ . O valor de  $a$  é

- 2
- 1
- 0
- 1
- 2

10. (Ufmg) Os pontos P e Q pertencem à reta de equação  $y=mx$ , têm abscissas  $a$  e  $a+1$ , respectivamente. A distância entre P e Q é  $\sqrt{10}$ . A ordenada do ponto dessa reta que tem abscissa 5 é negativa.

Nessas condições, o valor de  $m$  é

- a) - 3
- b)  $-\sqrt{10}$
- c) 3
- d)  $(\sqrt{10})/10$
- e)  $\sqrt{10}$

11. (Unesp) A distância do vértice da parábola  $y = (x-2)(x-6)$  à reta  $y = (4/3)x + 5$  é:

- a)  $72/25$
- b)  $29/25$
- c) 43
- d)  $43/25$
- e)  $43/5$

12. (Unesp) A reta  $r$  é perpendicular à reta  $-3x + 4y - 5 = 0$  e passa pelo ponto  $(1, 2)$ . Determine os pontos de  $r$  que distam 5 unidades do ponto  $(1, 2)$ .

13. (Mackenzie) Um segmento de reta de comprimento 8 movimenta-se no plano mantendo suas extremidades P e Q apoiadas nos eixos  $0x$  e  $0y$ , respectivamente. Entre os pontos do lugar geométrico descrito pelo ponto médio de PQ, o de maior ordenada possui abscissa:

- a) - 2.
- b) - 1.
- c) 0.
- d) 1.
- e) 2.

14. (Ufc) Considere o triângulo cujos vértices são os pontos  $A(2,0)$ ;  $B(0,4)$  e  $C(2\sqrt{5}, 4+\sqrt{5})$ . Determine o valor numérico da altura relativa ao lado AB, deste triângulo.

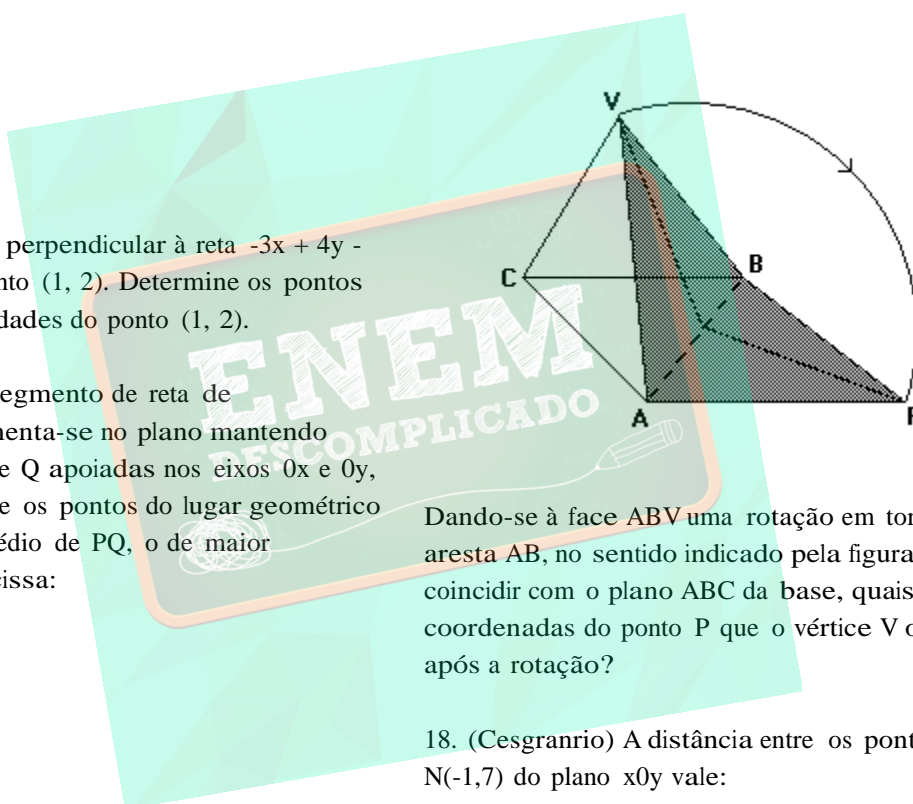
15. (Uel) Seja  $\vec{d}$  uma diagonal do quadrado ABCD. Se  $A = (-2, 3)$  e  $C = (0, 5)$ , a área de ABCD, em unidades de área, é

- a) 4
- b)  $4\sqrt{2}$
- c) 8
- d)  $8\sqrt{2}$
- e) 16

16. (Mackenzie) Supondo  $\pi=3$ , então os pontos  $(x,y)$  do plano tais que  $x^2+y^2-16 < 0$ , com  $x+y=4$ , definem uma região de área:

- a) 2
- b) 4
- c) 6
- d) 8
- e) 10

17. (Unesp) O tetraedro VABC da figura a seguir é regular e sua base encontra-se sobre um plano cartesiano, em relação ao qual seus vértices têm coordenadas  $A(-1/2, 0)$ ,  $B(1/2, 0)$  e  $C(0, \sqrt{3}/2)$ .



Dando-se à face ABV uma rotação em torno da aresta AB, no sentido indicado pela figura, até fazê-la coincidir com o plano ABC da base, quais as coordenadas do ponto P que o vértice V ocupará após a rotação?

18. (Cesgranrio) A distância entre os pontos  $M(4,-5)$  e  $N(-1,7)$  do plano  $xOy$  vale:

- a) 14.    b) 13.
- c) 12.    d) 9.
- e) 8.

19. (Puccamp) Sabe-se que os pontos  $A = (0; 0)$ ,  $B = (1; 4)$  e  $C = (3; 6)$  são vértices consecutivos do paralelogramo ABCD. Nessas condições, o comprimento da  $\vec{d}$  é

- a)  $\sqrt{2}$
- b)  $\sqrt{3}$
- c)  $2\sqrt{2}$
- d)  $\sqrt{5}$
- e) 5

20. (Fgv) No plano cartesiano, os vértices de um triângulo são A (5,2), B (1,3) e C (8,-4).

- Obtenha a medida da altura do triângulo, que passa por A.
- Calcule a área do triângulo ABC.

21. (Ita) Seja  $m \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$  tal que a reta  $x-3y-m=0$  determina, na circunferência  $(x-1)^2+(y+3)^2=25$ , uma corda de comprimento 6. O valor de  $m$  é

- $10 + 4\sqrt{10}$
- $2 + \sqrt{3}$
- $5 - \sqrt{2}$
- $6 + \sqrt{10}$
- 3

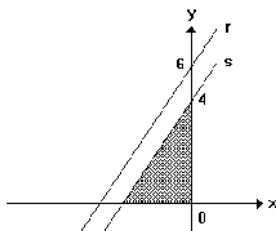
22. (Uece) Seja  $(r)$  a reta que passa pelos pontos  $P(-1, 0)$  e  $P(0, 3)$ . Considere  $M(n, q)$  um ponto de  $(r)$ . Se a distância do ponto  $O(0, 0)$  ao ponto  $M$  é  $3\sqrt{10}$ cm, então  $q - n$  é igual a:

- 4/5
- 1
- 6/5
- 7/5

23. (Ita) Considere o paralelogramo ABCD onde  $A=(0,0)$ ,  $B=(-1,2)$  e  $C=(-3,-4)$ . Os ângulos internos distintos e o vértice D deste paralelogramo são, respectivamente:

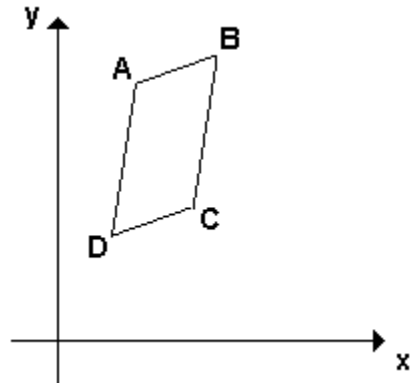
- $\frac{\pi}{4}$ ,  $\frac{3\pi}{4}$  e  $D = (-2,-5)$
- $\frac{\pi}{3}$ ,  $\frac{2\pi}{3}$  e  $D = (-1,-5)$
- $\frac{\pi}{3}$ ,  $\frac{2\pi}{3}$  e  $D = (-2,-6)$
- $\frac{\pi}{4}$ ,  $\frac{3\pi}{4}$  e  $D = (-2,-6)$
- $\frac{\pi}{3}$ ,  $\frac{2\pi}{3}$  e  $D = (-2,-5)$

24. (Mackenzie) Na figura, a área do triângulo assinalado é 6. Então a distância entre as retas paralelas  $r$  e  $s$  é:



- 2
- 3/2
- 6/5
- 7/5
- 8/5

25. (Ufmg) Observe a figura.



Nessa figura, ABCD é um paralelogramo, as coordenadas do ponto C são (6,10) e os lados AB e AD estão contidos, respectivamente, nas retas de equações  $y=(x/2)+14$  e  $y=4x-2$ .

Nesse caso, as coordenadas do ponto B são

- (7, 35/2)
- (9, 37/2)
- (8,18)
- (10,19)

26. (Ufrj) Sejam  $A(1, 0)$  e  $B(5, 4\sqrt{3})$  dois vértices de um triângulo equilátero ABC. O vértice C está no 2º quadrante.

Determine suas coordenadas.

27. (Ufrj) As coordenadas dos vértices do triângulo isósceles  $T$  são dadas por  $A=(-1,1)$ ,  $B=(9,1)$  e  $C=(4,6)$ .

As coordenadas dos vértices do triângulo isósceles  $T'$  são dadas por  $D=(4,2)$ ,  $E=(2,8)$  e  $F=(6,8)$ .

Determine a área do quadrilátero  $T \cap T'$ .

28. (Ufrj) Sejam  $M = (1, 2)$ ,  $M_1 = (3, 4)$  e  $M_2 = (1,-1)$  os pontos médios dos lados de um triângulo. Determine as coordenadas dos vértices desse triângulo.

29. (Unirio) Considere um triângulo cujos vértices são A (0,0) B (3, 4) e C (6, 0) e responda às perguntas a seguir.

- Qual a soma das medidas dos lados com a medida da altura relativa ao vértice B?
- Qual a classificação deste triângulo quanto às medidas de seus ângulos internos?

30. (Ufrs) Em um sistema de coordenadas polares,  $P=(3, \pi/6)$  e  $Q=(12,0)$  são dois vértices adjacentes de um quadrado. O valor numérico da área deste quadrado é

- 81
- 135
- 153
- $153 - 36\sqrt{2}$
- $153 - 36\sqrt{3}$

31. (Unicamp) Uma reta intersecciona nos pontos A (3, 4) e B(-4, 3) uma circunferência centrada na origem.

- Qual é o raio dessa circunferência?
- Calcule a área do quadrilátero cujos vértices são os pontos A e B e seus simétricos em relação à origem.

32. (Fatec) As retas r e s interceptam o eixo das abscissas nos pontos A e B e são concorrentes no ponto P.

Se suas equações são  $y=3x+1$  e  $y=-2x+4$ , então a área do triângulo ABP é

- 7/10
- 7/3
- 27/10
- 49/15
- 28/5

33. (Puc-rio) O valor de x para que os pontos (1,3), (-2,4), e (x,0) do plano sejam colineares é:

- 8.
- 9.
- 11.
- 10.
- 5.

34. (Uff) Determine o(s) valor(es) que r deve assumir para que o ponto (r, 2) diste cinco unidades do ponto (0, -2).

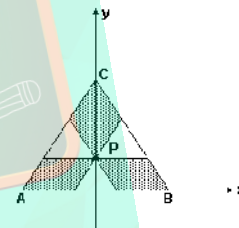
35. (Ufsm) Sejam r:  $x + qy - 1 = 0$  e s:  $px + 5y + 2 = 0$  duas retas perpendiculares entre si. Então, é correto afirmar que

- $p/q = -5$
- $p/q = 5$
- $p/q = 1$
- $p \cdot q = -1$
- $p \cdot q = 5$

36. (Fuvest) Se  $(m + 2n, m - 4)$  e  $(2 - m, 2n)$  representam o mesmo ponto do plano cartesiano, então m é igual a:

- 2
- 0
- $\sqrt{2}$
- 1
- 1/2

37. (Fuvest) Considere os pontos  $A=(-2,0)$ ,  $B=(2,0)$ ,  $C=(0,3)$  e  $P=(0, \theta)$ , com  $0 < \theta < 3$ . Pelo ponto P, traçamos as três retas paralelas aos lados do triângulo ABC.



a) Determine, em função de  $\theta$ , a área da região sombreada na figura.

b) Para que valor de  $\theta$  essa área é máxima?

38. (Ita) A área de um triângulo é de 4 unidades de superfície, sendo dois de seus vértices os pontos A:(2, 1) e B:(3, -2). Sabendo que o terceiro vértice encontra-se sobre o eixo das abscissas, pode-se afirmar que suas coordenadas são

- $(-1/2, 0)$  ou  $(5, 0)$ .
- $(-1/2, 0)$  ou  $(4, 0)$ .
- $(-1/3, 0)$  ou  $(5, 0)$ .
- $(-1/3, 0)$  ou  $(4, 0)$ .
- $(-1/5, 0)$  ou  $(3, 0)$ .

39. (Unirio) Considere a função real definida por  $f(x)=1+\sqrt{18-2x}$  e um ponto  $A(2,1)$ . Sabe-se que a distância de um ponto  $P$  do gráfico de  $f$  ao ponto  $A$  é  $\sqrt{10}$ . O ponto  $P$  encontra-se no:

- 1º quadrante.
- 2º quadrante.
- 3º quadrante.
- 4º quadrante.
- ponto de origem do sistema  $xOy$ .

40. (Unesp) Sejam  $A = (2, 0)$  e  $B = (5, 0)$  pontos do plano e  $r$  a reta de equação  $y = x/2$ .

a) Represente geometricamente os pontos  $A$  e  $B$  e esboce o gráfico da reta  $r$ .

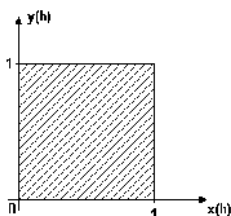
b) Se  $C = (x, x/2)$ , com  $x > 0$ , é um ponto da reta  $r$ , tal que o triângulo  $ABC$  tem área 6, determine o ponto  $C$ .

41. (Unifesp) Um ponto do plano cartesiano é representado pelas coordenadas  $(x + 3y, -x - y)$  e também por  $(4 + y, 2x + y)$ , em relação a um mesmo sistema de coordenadas. Nestas condições,  $x$  é igual a

- 8.
- 6.
- 1.
- 8.
- 9.

42. (Uerj) Duas pessoas  $A$  e  $B$  decidem se encontrar em um determinado local, no período de tempo entre  $0h$  e  $1h$ .

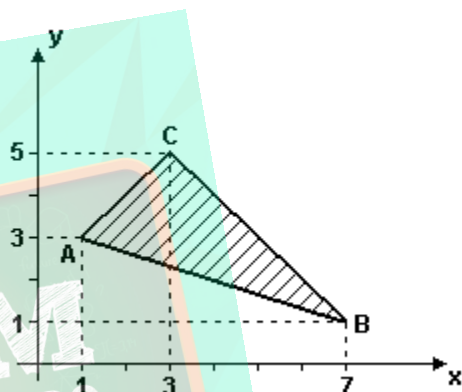
Para cada par ordenado  $(x^3, y^3)$ , pertencente à região hachurada do gráfico a seguir,  $x^3$  e  $y^3$  representam, respectivamente, o instante de chegada de  $A$  e  $B$  ao local de encontro.



Determine as coordenadas dos pontos da região hachurada, os quais indicam:

- a chegada de ambas as pessoas ao local de encontro exatamente aos 40 minutos;
- que a pessoa  $B$  tenha chegado ao local de encontro aos 20 minutos e esperado por  $A$  durante 10 minutos.

43. (Uerj) No sistema de coordenadas cartesianas a seguir, está representado o triângulo  $ABC$ .



Em relação a esse triângulo,

- demonstre que ele é retângulo;
- calcule a sua área.

44. (Fatec) A circunferência que passa pelos pontos  $O=(0,0)$ ,  $A=(2,0)$  e  $B=(0,3)$  tem raio igual a:

- $(\sqrt{11})/4$
- $(\sqrt{11})/2$
- $(\sqrt{13})/4$
- $(\sqrt{13})/2$
- $(\sqrt{17})/4$

45. (Fgv) No plano cartesiano, o triângulo de vértices  $A(1,-2)$ ,  $B(m,4)$  e  $C(0,6)$  é retângulo em  $A$ . O valor de  $m$  é igual a:

- 47
- 48
- 49
- 50
- 51

46. (Pucsp) Sejam A, B, C, D vértices consecutivos de um quadrado tais que  $A=(1; 3)$  e B e D pertencem à reta de equação  $x-y-4=0$ . A área desse quadrado, em unidades de superfície, é igual a

- a)  $36\sqrt{2}$
- b) 36
- c)  $32\sqrt{2}$
- d) 32
- e)  $24\sqrt{2}$

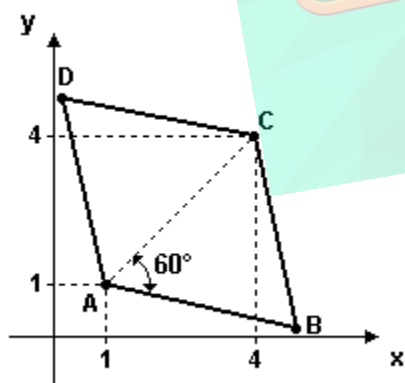
47. (Ufpi) A medida do ângulo agudo formado pelas retas  $3x+y-10=0$  e  $-2x+y-15=0$  é:

- a)  $15^\circ$
- b)  $30^\circ$
- c)  $45^\circ$
- d)  $60^\circ$
- e)  $75^\circ$

48. (Puc-rio) Os pontos  $(0,8)$ ,  $(3,1)$  e  $(1,y)$  do plano são colineares. O valor de y é igual a:

- a) 5
- b) 6
- c)  $17/3$
- d)  $11/2$
- e)  $5,3$

49. (Ufal) Na figura abaixo tem-se o losango ABCD, com  $A(1;1)$  e  $C(4;4)$ , e cuja diagonal  $AC$  forma ângulo de medida  $60^\circ$  com o lado  $AB$ .



O perímetro desse losango é

- a)  $3\sqrt{2}$
- b) 6
- c)  $12\sqrt{2}$
- d)  $24\sqrt{2}$
- e) 48

50. (Ufrs) No sistema de coordenadas polares, considere os pontos  $O=(0,0)$ ,  $A=(1, 0)$ ,  $P=(\rho, \theta)$  e  $Q=(1/\rho, \theta)$ , onde  $0 < \theta < \pi/2$  e  $\rho > 0$ .

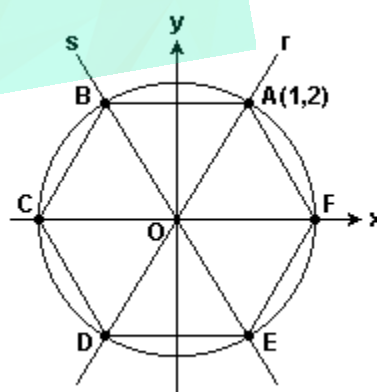
Se a área do triângulo OAP vale o dobro da área do triângulo OAQ, então  $\rho$  vale

- a)  $1/2$ .
- b)  $\sqrt{2}/2$ .
- c)  $\sqrt{2}$ .
- d) 2.
- e)  $2\sqrt{2}$ .

51. (Ufsm) Num plano, são dados 4 pontos através de coordenadas:  $(1,1)$ ,  $(2,4)$ ,  $(6,5)$  e  $(5,2)$ . Ligando-se os 4 pontos pela ordem dada e fechando o polígono através da ligação de  $(1, 1)$  e  $(5, 2)$ , por meio de segmentos de reta, obtém-se um

- a) quadrado de perímetro  $4\sqrt{17}$
- b) paralelogramo de perímetro  $2\sqrt{17} + 2\sqrt{10}$
- c) losango de perímetro  $4\sqrt{17}$
- d) retângulo de perímetro  $2\sqrt{17} + 2\sqrt{10}$
- e) trapézio isósceles de perímetro  $[(\sqrt{17} + \sqrt{10}) \cdot 5]/2$

52. (Unifesp) A figura representa, em um sistema ortogonal de coordenadas, duas retas, r e s, simétricas em relação ao eixo Oy, uma circunferência com centro na origem do sistema, e os pontos A= $(1,2)$ , B, C, D, E e F, correspondentes às interseções das retas e do eixo Ox com a circunferência.



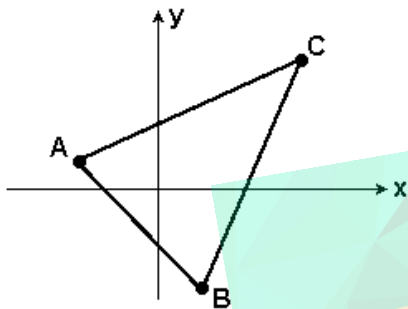
Nestas condições, determine

- a) as coordenadas dos vértices B, C, D, E e F e a área do hexágono ABCDEF.
- b) o valor do cosseno do ângulo  $\widehat{AOB}$ .

53. (Unesp) O triângulo PQR, no plano cartesiano, de vértices  $P=(0,0)$ ,  $Q=(6,0)$  e  $R=(3,5)$ , é

- a) equilátero.
- b) isósceles, mas não equilátero.
- c) escaleno.
- d) retângulo.
- e) obtusângulo.

54. (Unesp) Dados dois pontos, A e B, com coordenadas cartesianas  $(-2, 1)$  e  $(1, -2)$ , respectivamente, conforme a figura,



- a) calcule a distância entre A e B.
- b) Sabendo-se que as coordenadas cartesianas do baricentro do triângulo ABC são  $(x_G, y_G) = (2/3, 1)$ , calcule as coordenadas  $(x_C, y_C)$  do vértice C do triângulo.

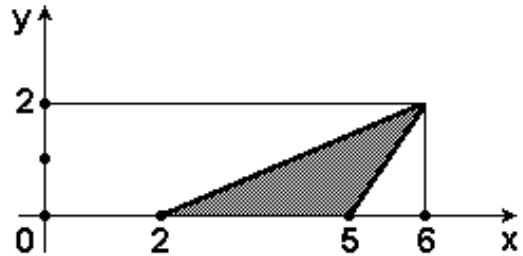
55. (Ufscar) Dados os pontos  $A(2,0)$ ,  $B(2,3)$  e  $C(1,3)$ , vértices de um triângulo, o raio da circunferência circunscrita a esse triângulo é

- a)  $(\sqrt{10})/3$
- b)  $10/3$
- c)  $(\sqrt{2})/2$
- d)  $(\sqrt{10})/2$
- e)  $\sqrt{10}$

56. (Puc-rio) Sejam A e B os pontos  $(1, 1)$  e  $(5, 7)$  no plano. O ponto médio do segmento AB é:

- a)  $(3, 4)$
- b)  $(4, 6)$
- c)  $(-4, -6)$
- d)  $(1, 7)$
- e)  $(2, 3)$

57. (Unifesp) Considere, no plano complexo, conforme a figura, o triângulo de vértices  $z = 2$ ,  $z = 5$  e  $zf = 6 + 2i$ .

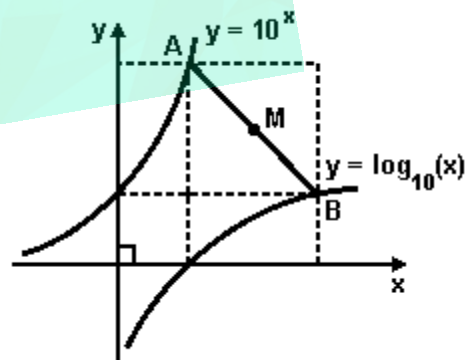


A área do triângulo de vértices  $w = iz$ ,  $w = iz$ , e  $wf = 2izf$  é:

- a) 8.
- b) 6.
- c) 4.
- d) 3.
- e) 2.

58. (Unifesp) Considere os gráficos das funções definidas por

$f(x) = \log_3(x)$  e  $g(x) = 10^x$ , conforme figura (fora de escala).

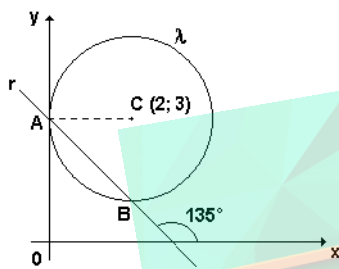


- a) Dê as coordenadas de M, ponto médio do segmento AB.
- b) Mostre que  $(f \circ g)(x) = x$  e  $(g \circ f)(x) = x$ , para todo  $x > 0$ .

59. (Ufg) Para medir a área de uma fazenda de forma triangular, um agrimensor, utilizando um sistema de localização por satélite, encontrou como vértices desse triângulo os pontos A(2,1), B(3,5) e C(7,4) do plano cartesiano, com as medidas em km. A área dessa fazenda, em km<sup>2</sup>, é de

- a) 17/2
- b) 17
- c)  $2\sqrt{17}$
- d)  $4\sqrt{17}$
- e)  $(\sqrt{17})/2$

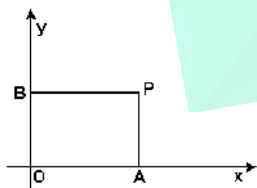
60. (Uel)



A distância do centro C da circunferência – à reta r é

- a)  $(\sqrt{2})/2$
- b)  $\sqrt{2}$
- c)  $2\sqrt{2}$
- d)  $3\sqrt{2}$
- e)  $4\sqrt{2}$

61. (Ufv) Considere o retângulo da figura abaixo, onde as diagonais são OP e AB, sendo P=(a,b). Considere as afirmações:

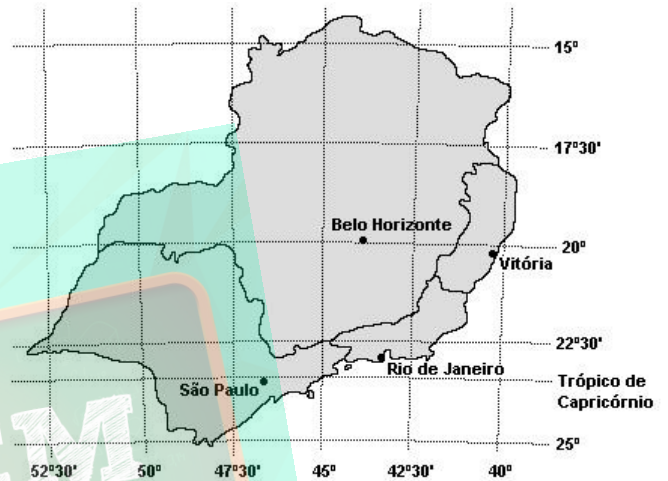


- I - O ponto médio da diagonal OP é (a/2, b/2).
- II - As diagonais se cortam ao meio.
- III - O coeficiente angular da diagonal AB é b/a.
- IV - Se as diagonais são perpendiculares, o retângulo é um quadrado.

Atribuindo V para as afirmações verdadeiras e F para as falsas, assinale a seqüência CORRETA:

- a) V V V V
- b) V V V F
- c) V V F V
- d) V V F F
- e) V F V V

62. (Uerj) Observe o mapa da região Sudeste.



(Adaptado de BOCHICCHIO, V. R. Atlas atual: geografia. São Paulo: Atual, 1999.)

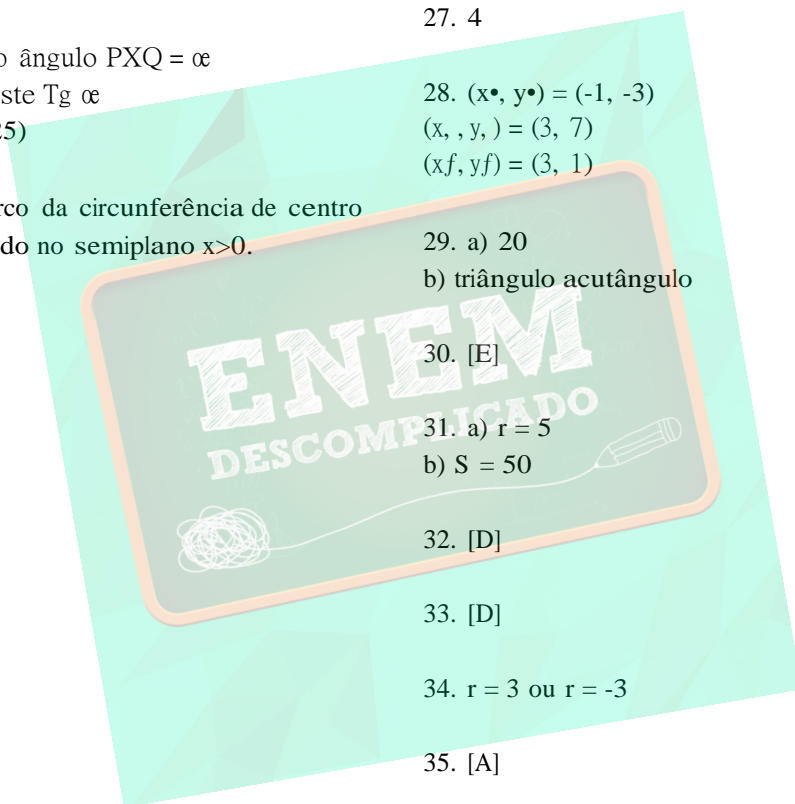
Considere o Trópico de Capricórnio como o eixo das abscissas e o meridiano de 45° como o eixo das ordenadas. Neste sistema cartesiano, as coordenadas das cidades de São Paulo, Rio de Janeiro, Belo Horizonte e Vitória são, respectivamente, (-3/2,0), (2,1/2), (3/2,4) e (5,7/2), todas medidas em centímetros.

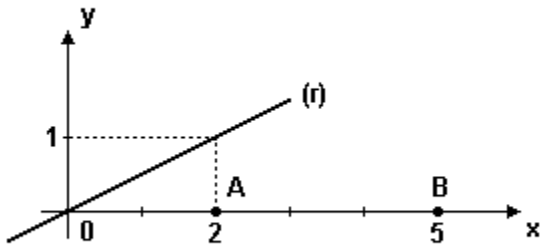
- a) Calcule, em quilômetros quadrados, a área do quadrilátero cujos vértices estão representados por estas quatro cidades, supondo que a escala do mapa é de 1:10.000.000.
- b) Determine as coordenadas de uma cidade que fique equidistante das cidades de São Paulo, Rio de Janeiro e Belo Horizonte.



## GABARITO

1. [A]
2. [C]
3. [C]
4. O ponto  $x$  coincide com o ponto  $b$ .
5. [A]
6. a) O coeficiente angular da reta  $PX$  é igual a  $(y+5)/x$  e o c.a. da reta  $QX$  é igual a  $(y-5)/x$ .
- b) Consideremos  $\text{tg}$  do ângulo  $PXQ = \alpha$
- 1) se  $\alpha = \pi/2$ ; não existe  $\text{Tg } \alpha$
  - 2)  $\text{Tg } \alpha = 10x/(x^2+y^2-25)$
- c) Graficamente é o arco da circunferência de centro  $(5, 0)$  e raio  $5\sqrt{2}$  contido no semiplano  $x > 0$ .
7. [D]
8. [C]
9. [D]
10. [A]
11. [E]
12.  $(-2,6)$  e  $(4,-2)$
13. [C]
14. 5
15. [A]
16. [B]
17.  $P(0; -\sqrt{3}/2)$
18. [B]
19. [D]
20. a)  $(3\sqrt{2})/2$
- b)  $21/2$
21. [A]
22. [C]
23. [D]
24. [C]
25. [C]
26.  $C = (-3, 4\sqrt{3})$
27. 4
28.  $(x^*, y^*) = (-1, -3)$   
 $(x, y) = (3, 7)$   
 $(x_f, y_f) = (3, 1)$
29. a) 20  
 b) triângulo acutângulo
30. [E]
31. a)  $r = 5$   
 b)  $S = 50$
32. [D]
33. [D]
34.  $r = 3$  ou  $r = -3$
35. [A]
36. [E]
37. a)  $-x^2 + 2x + 3$   
 b) A área é máxima para  $x = 1$ .
38. [C]
39. [A]
40. a) Observe o gráfico a seguir:





b)  $C = (8,4)$ .

41. [A]

42. a)  $(2/3, 2/3)$

b)  $(1/2, 1/3)$

43. a) Observe a demonstração a seguir:

$$\vec{AB} = (6, -2)$$

$$|\vec{AB}| = \sqrt{40}$$

$$\vec{AC} = (2, 2)$$

$$|\vec{AC}| = \sqrt{8}$$

$$\vec{BC} = (-4, 4)$$

$$|\vec{BC}| = \sqrt{32}$$

$$\text{Logo: } |\vec{AB}|^2 = |\vec{AC}|^2 + |\vec{BC}|^2$$

b) 8 u.a.

44. [D]

45. [C]

46. [B]

47. [C]

48. [C]

49. [C]

50. [C]

51. [B]

52. a)  $B(-1; 2)$ ,  $C(-\sqrt{5}; 0)$ ,  $D(-1; -2)$ ,  $E(1; -2)$  e  $F(\sqrt{5}; 0)$

$$S = 4[(\sqrt{5}) + 1] \text{ u.a.}$$

$$\text{b) } \cos(\angle AOB) = 0,6$$

53. [B]

54. a)  $AB = 3\sqrt{2}$

b)  $C(3; 4)$

55. [D]

56. [A]

57. [B]

58. a)  $(11/2, 11/2)$

59. [A]

60. [B]

61. [C]

62. a) 122.500 km<sup>2</sup>

b)  $(0; 2)$

